

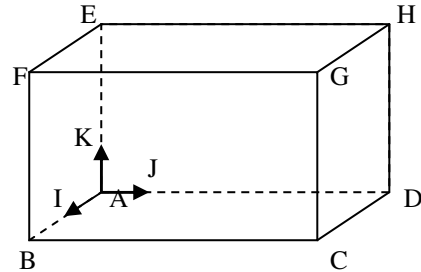
Contrôle n°5

Exercice 1 : (2,5 points)

On considère le pavé ci-contre ABCDEFGH avec $AB = 2$, $AD = 5$ et $AE = 3$.

Les points I, J, K sont tels que $AI = AJ = AK = 1$.

On se place dans le repère $(A; \vec{AI}, \vec{AJ}, \vec{AK})$.



Donner une équation de chacun des plans :

1. (ABFE) 2. (BCGF) 3. (ABCD) 4. (GHDC) 5. (EFGH)

Exercice 2 : (3 points)

(P) est un plan défini par une équation dans un repère. Calculer les coordonnées exactes des points d'intersections de ce plan avec les axes de coordonnées.

$$(P) : 15x - 18y + 21z + 27 = 0$$

Exercice 3 : (6 points)

Soit $A(0 ; 0 ; 2)$, $B(-3 ; 0 ; 0)$ et $C(0 ; 4 ; 0)$ trois points d'un repère.

1. Déterminer une équation du plan (ABC) sous la forme $ax + by + cz + 1 = 0$
2. Indiquer deux autres équations de ce plan.

Exercice 4 : (5 points)

Soit $A(1 ; -3 ; -1)$ et $B(2 ; -1 ; 3)$ deux points d'un repère orthonormal. On se propose de déterminer une équation du plan (P) orthogonal à la droite (AB) et passant par A.

1. Calculer les coordonnées de \vec{AB}
2. a) Soit $M(x ; y ; z)$ sur (P), que peut-on dire des vecteurs \vec{AB} et \vec{AM} ?
b) En déduire une équation de (P).

Exercice 5 : (3,5 points)

Donner, dans un repère, une équation du plan (P) passant par $A(1 ; 2 ; 3)$ et parallèle au plan (Q) d'équation $x + 2y - z + 5 = 0$.

Le point $B(3 ; 2 ; 1)$ appartient-il à (P) ?



Un autre voyage dans l'espace...

CORRECTION

Exercice 1 :

1. $y = 0$ 2. $x = 2$ 3. $z = 0$ 4. $y = 5$ 5. $z = 3$

Exercice 2 :

Intersection avec l'axe des abscisses : $(-\frac{9}{5}; 0; 0)$

Intersection avec l'axe des ordonnées : $(0; \frac{3}{2}; 0)$

Intersection avec l'axe des côtes : $(0; 0; -\frac{9}{7})$

Exercice 3 :

1. $A(0; 0; 2) \in (ABC) \Rightarrow a \times 0 + b \times 0 + c \times 2 + 1 = 0 \Leftrightarrow c = -1/2$

$B(-3; 0; 0) \in (ABC) \Rightarrow -a + 1 = 0 \Leftrightarrow a = 1/3$

$C(0; 4; 0) \in (ABC) \Rightarrow 4b + 1 = 0 \Leftrightarrow b = -1/4$

Finalement, (ABC) a pour équation : $\frac{1}{3}x - \frac{1}{4}y - \frac{1}{2}z + 1 = 0$

2. On peut choisir en multipliant par 12 puis par 24 les deux autres équations :

$4x - 3y - 6z + 12 = 0$

$8x - 6y - 12z + 24 = 0$

Exercice 4 :

1. $\vec{AB} (1; 2; 4)$

2. \vec{AB} et \vec{AM} sont orthogonaux.

3. $\vec{AM} (x - 1; y + 3; z + 1)$ alors $xx' + yy' + zz' = 0 \Leftrightarrow 1(x - 1) + 2(y + 3) + 4(z + 1) = 0$
Soit $x + 2y + 4z + 9 = 0$

Exercice 5 :

(P) et (Q) parallèles donc (P) a une équation de la forme : $x + 2y - z + d = 0$

$A \in (P)$ donc, $1 + 2 \times 2 - 3 + d = 0$ soit $d = -2$

Alors (P) : $x + 2y - z - 2 = 0$

D'autre part $B(3; 2; 1)$ est sur (P) si ses coordonnées vérifient l'équation de (P),

Or, $3 + 2 \times 2 - 1 - 2 = 4 \neq 0$ et ainsi B n'appartient pas à (P).